http://journal.rmutp.ac.th/

# การเพิ่มการพาความร้อนแบบธรรมชาติของแผ่นเรียบแนวดิ่งโดยการใช้ ลมโคโลน่า

เจษฎาภรณ์ ปริยดำกล<sup>1\*</sup> วีรชัย ชัยวรพฤกษ์<sup>2</sup> และ เสาวนิตย์ เลขวัต<sup>3</sup>

<sup>1</sup> คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยมหิดล

<sup>2</sup> คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์

<sup>3</sup> คณะโลจิสติกส์ มหาวิทยาลัยบูรพา

<sup>1</sup> 25/25 ถนนพุทธมณฑลสาย 4 ตำบลศาลายา อำเภอพุทธมณฑล จังหวัดนครปฐม 73170

<sup>2</sup> 50 ถนนงามวงศ์วาน แขวงลาดยาว เขตจตุจักร กรุงเทพมหานคร 10900

<sup>3</sup> 169 ถนนลงหาดบางแสน ตำบลแสนสุข อำเภอเมือง จังหวัดชลบุรี 20131

รับบทความ 8 มิถุนายน 2564 แก้ไขบทความ 23 ธันวาคม 2564 ตอบรับบทความ 14 มีนาคม 2565

#### บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้ศึกษาผลกระทบของการพาความร้อนแบบธรรมชาติของแผ่นร้อนแนวดิ่งจากเครื่องกำเนิดไฟฟ้า แรงดันสูงกระแสตรงขนาด 5, 6, 7, 8, 9 และ 10 กิโลโวลต์ โดยทำการทดสอบบนผิวของอุปกรณ์กำเนิดความร้อนที่มี อัตราการถ่ายเทความร้อนคงที่ ภายในส่วนทดลองขนาดกว้าง 1 เมตร x ยาว 1 เมตร x สูง 1.5 เมตร ขั้วอิเล็กโทรดถูก ติดตั้งด้านในส่วนทดลอง โดยทำมุมตั้งฉากกับแผ่นร้อนแนวดิ่ง มีระยะห่าง 1 เซนติเมตร พิจารณาที่ความสูงแผ่นร้อน 2 ตำแหน่ง คือ ตำแหน่งกึ่งกลางแผ่นร้อนซึ่งตรงกับขั้วอิเล็กโทรด (ตำแหน่ง A) และตำแหน่งเหนือตำแหน่งเรือน 2 เซนติเมตร (ตำแหน่ง B) เพื่อศึกษาผลกระทบของการเปลี่ยนแปลงความดันไฟฟ้าแรงดันสูงและระยะห่างระหว่าง ตำแหน่งในแนวดิ่งบนแผ่นร้อนต่อการเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อน ผลการทดลองแสดงให้เห็นว่า แรงดันไฟฟ้าที่ 10 กิโลโวลต์ สามารถเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนได้สูงสุดโดยมีอัตราส่วนการถ่ายเทความ ร้อนมีค่าสูงสุด 1.06 และ 1.03 ที่ตำแหน่ง A และ B ตามลำดับ และพบว่าประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนจะลดลง เมื่อลดค่าแรงดันไฟฟ้าน้อยลง นอกจากนี้สมการทำนายค่านัสเซลท์ซึ่งแสดงประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนภายใต้ อิทธิพลของแรงดันไฟฟ้าขนาด 5-10 กิโลโวลต์ ที่มีความแม่นยำได้ถูกนำเสนอในงานวิจัยนี้ด้วย ดังนั้นผลการทดลองที่ ได้จากงานวิจัยนี้จะเป็นข้อมูลสำคัญในการพัฒนาอุปกรณ์แลกเปลี่ยนความร้อนให้มีประสิทธิภาพสูงขึ้นได้ในอนาคต

คำสำคัญ : การพาความร้อนแบบธรรมชาติ; การเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อน; อิเล็กโตรไฮโดรไดนามิกส์; ลมโคโลน่า

<sup>\*</sup> ผู้นิพนธ์ประสานงาน โทร: +669 6441 5459, ไปรษณีย์อิเล็กทรอนิกส์: jetsadaporn.pri@mahidol.edu

http://journal.rmutp.ac.th/

## Augmentation of Natural Convection of Vertical Plate using Corona Wind

Jetsadaporn Priyadumkol<sup>1</sup>\* Weerachai Chaiworapuek<sup>2</sup> and Saowanit Lekhavat<sup>3</sup>

<sup>1</sup> Faculty of Engineering, Mahidol University

<sup>2</sup> Faculty of Engineering, Kasetsart University

<sup>3</sup> Faculty of Logistics, Burapha University

<sup>1</sup> 25/25 Salaya, Phuttamonthon, Nakhon Pathom 73170

<sup>2</sup> 50 Ngamwongwan Road Ladyao, Chatuchak District Bangkok 10900

<sup>3</sup> 169 Long Hard-Bangsaen Road Tambon Saensuk Amphoe Muang Chonburi 20131

Received 8 June 2021; Revised 23 December 2021; Accepted 14 March 2022

#### Abstract

This research investigated the high voltage on natural convection of a vertical flat plate from 5, 6, 7, 8, 9 and 10 kV. The experiment was carried out on a constant heat flux surface in the test section of 1 m width x 1 m length x 1.5 m height. The discharge electrode was installed inside the test section. The discharge electrode is perpendicular to the vertical plate with a distance of 1 cm. Two positions are considered: the center of plate, which corresponds to discharge electrode (position A) and the position above the first position of 2 cm (position B). The effect of high voltage and positions on the plate are considered to enhance heat transfer efficiency. The results show that high voltage of 10 kV can increase the heat transfer enhancement ratio up to 1.06 and 1.03 at position A and B, respectively. The heat transfer efficiency decreases with the decrease of the high voltage. In addition, an accurately predictive formula for the Nussult number under 5-10 kV is also proposed in this paper. Therefore, the obtained experimental results will be important information in order to develop the higher efficiency heat exchangers in the future.

Keywords : Natural Convection; Heat Transfer Enhancement; Electrohydrodynamics; Corona Wind

<sup>\*</sup> Corresponding Author. Tel.: +669 6441 5459, E-mail Address: jetsadaporn.pri@mahidol.edu

ทำให้ความต้านทางความร้อน (Thermal Resistance) ลดลง ส่งผลให้เพิ่มการถ่ายเทความร้อนดีมากขึ้น [3]

ปัจจุบันสนามไฟฟ้า (Electric Field) ถูกนำมา ประยุกต์ใช้กับระบบถ่ายเทความร้อน (Electrohydrodynamic, EHD) ในงานอิเล็กทรอนิกส์ เนื่องจากทำให้ เกิดลมโคโลน่า (Corona Wind) ที่สามารถเพิ่ม ประสิทธิภาพในการถ่ายเทความร้อน จุดเด่นของระบบ นี้คือ ไม่มีชิ้นส่วนที่เคลื่อนที่, ใช้พลังงานขับเคลื่อนต่ำ และทำงานได้เงียบมากกว่าการติดตั้งพัดลมแบบหมุน นอกจากนั้นการระบายความร้อนในอุปกรณ์อิเล็คทรอ นิกส์ ที่มีแนวโน้มพัฒนาให้มีขนาดเล็กลงแต่มี ประสิทธิภาพที่สูงขึ้น ส่งผลให้เกิดฟลักซ์ความร้อนมาก ขึ้น เช่นหลอดไฟ LED และคอมพิวเตอร์ เป็นต้น การ จัดการความร้อนในอุปกรณ์อิเล็คทรอนิคจึงมี ความสำคัญเพราะส่งผลต่อความปลอดภัยและ เสถียรภาพในการใช้งานของอุปกรณ์ [4]-[6]

งานวิจัยนี้จึงมุ่งเน้นที่จะศึกษาพฤติกรรมการ แลกเปลี่ยนความร้อนของตำแหน่งต่างๆบนแผ่นเรียบที่ ช่วงแรงดันไฟฟ้าต่างกัน นอกจากนั้นได้สร้างสมการ ทำนายค่านัสเซลท์เมื่อขั้วอิเล็กโทรดทำมุมตั้งฉากกับ แผ่นร้อนแนวดิ่งที่ฟลักซ์ความร้อนคงที่

### 1.1 งานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับสนามไฟฟ้าต่อการ ถ่ายเทความร้อน

การเคลื่อนที่ของอากาศที่เกิดจากแรงดันโคโล น่าได้รับความสนใจในการศึกษาอิทธิพลของแรงดันโคโล น่าต่อการเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อน [7] ใน ปี 1995 Owsenek et al. [8] ได้ศึกษาการพาความ ร้อนแบบธรรมชาติของแผ่นเรียบแนวนอนภายใต้ สนามไฟฟ้าของขั้วอิเล็กโทรด พบว่าการเกิดโคโลน่า ดิสชาจน์สามารถเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อน ได้เพิ่มขึ้น 25 เท่า และประสิทธิภาพลดลงเมื่อระยะห่าง ของขั้วอิเล็กโทรดและแผ่นเรียบแนวนอนลดลง ปี 2016 Shin et al. [9] ศึกษาลมโคโลน่าเพื่อระบายความร้อน

#### 1. บทนำ

การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจทำให้ความ ต้องการใช้ไฟฟ้าเพิ่มสูงขึ้น โดยในปี 2562 พบว่า แนวโน้มความต้องการการใช้พลังงานมีปริมาณเพิ่มขึ้น แปรผันตรงกับรายได้ประชาชาติ โดยปริมาณการใช้ พลังงานในภาคขนส่ง มีความต้องการมากที่สุดร้อยละ 39 รองลงมาคือภาคอุตสาหกรรมการผลิตร้อยละ 36 สำหรับบ้านอยู่อาศัยและธุรกิจการค้ามีสัดส่วนคือร้อย ละ 13 และ 8 ตามลำดับ [1] อย่างไรก็ตามแหล่ง พลังงานเชื้อเพลิงที่นำมาใช้ผลิตพลังงานไฟฟ้าสำหรับ ภาคอุตสาหกรรม เช่นน้ำมันดิบ ก๊าซธรรมชาติ และถ่าน หิน เป็นพลังงานที่ใช้แล้วหมดไปเพราะมีจำนวนจำกัด จึงจำเป็นอย่างยิ่งที่จะต้องใช้พลังงานอย่างประหยัดและ ทำให้เกิดประสิทธิภาพมากที่สุด

การผลักดันนโยบายไทยแลนด์ 4.0 (Thailand 4.0) ที่มุ่งเน้นพัฒนาภาคอุตสาหกรรมที่มีอยู่โดยการเพิ่ม มูลค่าด้วยเทคโนโลยีขั้นสูง หรือเรียกว่าอุตสาหกรรม แห่งอนาคตนั้น พบว่าอุตสาหกรรมกลุ่มเป้าหมายหลาย ประเภทเชื่อมโยงกับกระบวนการถ่ายเทความร้อน เช่น อุตสาหกรรมอิเล็กทรอนิกส์อัจฉริยะ (Smart Electronics) การเกษตรและเทคโนโลยีชีวภาพ (Agriculture and Biotechnology) และอุตสาหกรรมหุ่นยนต์ (Robotics) เพื่อการอุตสาหกรรม เป็นต้น [2] การเพิ่มประสิทธิภาพ การแลกเปลี่ยนความร้อนหรือการถ่ายเทความร้อนของ อุปกรณ์ให้มีค่าสูงขึ้นนั้น เป็นหนึ่งในวิธีที่สำคัญอย่างยิ่ง ที่สามารถช่วยประหยัดการใช้พลังงานได้

การเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนแบ่ง ออกเป็น 2 วิธี คือวิธีพาสซีฟ (Passive Method) และวิธี แอคทีฟ (Active Method) โดยหลักการของวิธีพาสซีฟ คือการปรับปรุงพื้นผิวหรือโครงสร้างภายใน โดยไม่ จำเป็นต้องใช้พลังงานจากภายนอก เช่น การทำให้พื้นผิว มีความขรุขระ (Rough Surfaces) ขณะที่วิธีแอคทีฟ คือ การนำแหล่งพลังงานจากภายนอกเข้าไปเพิ่มการถ่ายเท ความร้อน เช่น อุปกรณ์ทางกล และอุปกรณ์ทางไฟฟ้า

กว่าเมื่อติดตั้งอิเล็กโทรดตัวเดียว ในปี 2009 Huang et al. [14] ทำการทดลองการถ่ายเทความร้อนร่วมกับ สนามไฟฟ้า (Electrohydrodynamics, EHD) ของแผง ระบายความร้อน โดยได้ศึกษาการจัดเรียงเข็ม อิเล็กโทรดจำนวน 4 แบบคือติดตั้ง 4, 6, 16 และ 60 เข็ม ประสิทธิภาพมีค่าลดลงเมื่อแผงระบายความร้อนมี ปริมาณความร้อนเพิ่มขึ้น

นอกจากนั้นได้มีการศึกษาการพาความร้อนแบบ บังคับ Molki and Bhamidipati [15] ทดสอบค่าเรย์ โนลด์ระหว่าง 2,500 ถึง 13,000 ภายในติดตั้งขั้ว อิเล็กโทรดแบบบาง ระบบสร้างแรงดันไฟฟ้ากระแสดรง ขนาด 0-10.5 kV พบว่าที่แรงดันไฟฟ้า 10.5 kV มีค่า สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนสูงที่สุดโดยเพิ่มจากไม่ มีแรงดันไฟฟ้าร้อยละ 23 สำหรับค่าเรย์โนลด์ 2,500 และร้อยละ 14 สำหรับค่าเรย์โนลด์ระหว่าง 13,000 พบว่าการถ่ายเทความร้อนลดลง เมื่อค่าเรย์โนลด์เพิ่ม สูงขึ้น ในปี 2008 Go et. al [16] ศึกษาการเพิ่ม ประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนของการพาความร้อน แบบบังคับโดยใช้โคโลน่าดิสชาร์จ ปัจจัยที่มีผลได้แก่ ขนาดของกระแสโคโลน่า ฟลักซ์ความร้อน การจัดเรียง อิเล็กโทรด และระยะห่างอิเล็กโทรด พบว่าเมื่อชั้นของ ใหลเปลี่ยนแปลงที่ผิวความร้อนมากขึ้นจะทำให้ค่า สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนเพิ่มขึ้นร้อยละ 200

งานวิจัยที่ผ่านมาส่วนใหญ่เป็นการศึกษาการ เพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนภายใต้อิทธิพล ของโคโลน่าดิสชาร์จที่ช่วงแรงดันไฟฟ้าค่าต่างๆ อย่างไรก็ ตามความสัมพันธ์ของแรงดันไฟฟ้าและการระบายความ ร้อนในตำแหน่งข้างเคียงขั้วอิเล็กโทรดยังมีข้อมูลน้อย มาก เมื่อเปรียบเทียบกับผลกระทบของตำแหน่งตรงขั้ว อิเล็กโทรดพอดี

#### 1.2 กลไกการเกิดโคโลน่าดิสชาร์จ

สำหรับการเกิดโคโลน่าดิสชาร์จ (Corona Discharge) ในอิเล็กโทรดแบบเข็มและแผ่นราบ

ออกจากแผ่น LED โดยสอบเทียบการทดลองจริงและ การจำลองโดย Computational Fluid Dynamics (CFD) แรงดันไฟฟ้าประจุบวกขนาด 30 kV ถูกใช้เพื่อ สร้างความเข้มสนามไฟฟ้า ผลการทดลองพบว่า เครื่องต้นแบบมีประสิทธิภาพระบายความร้อนเพิ่มขึ้น ร้อยละ 150 เมื่อเทียบกับการพาความร้อนตาม ธรรมชาติที่ขนาดเดียวกัน ปี 2017 Tsui et al. [10] ได้ ทำการทดลองผลการถ่ายเทความร้อนของลมโคโลน่า ที่ แรงดันไฟฟ้าระหว่าง 6-19 kV ผลการศึกษาพบว่าค่า สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนเพิ่มขึ้น 2.6-4.8 เท่า เมื่อเปรียบเทียบกับการพาความร้อนแบบธรรมชาติ โดย ประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนเพิ่มขึ้นเมื่อแรงดัน โคโลน่ามีค่าสูงขึ้น นอกจากนั้นได้ศึกษาการดิสชาร์จของ แผ่นบาง พบว่าโคโลน่าดิสชาร์จจะเกิดขึ้นที่มุมข้างของแผ่น บางอย่างชัดเจน ขณะบริเวณกลางแผ่นเกิดเพียงเล็กน้อย เท่านั้น ในปีเดียวกัน Lee and Lau [11] แสดง ประสิทธิภาพการระบายความร้อนบนพื้นผิวแนวนอน เมื่อช่วงแรงดันไฟฟ้า 9-12 kV โดยใช้ประจุบวกและ ประจุลบที่ค่าความชื้นต่างๆ พบว่าค่าสัมประสิทธิ์การ ถ่ายเทความร้อนสูงสุดเกิดขึ้นที่แรงดันไฟฟ้าที่ 12 kV และพบว่าเมื่อความชื้นสัมพัทธ์เพิ่มขึ้นสูงขึ้น ค่า สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อนจะลดลงทั้งประจุบวก และประจุลบ ต่อมาในปี 2020 Tsui et al. [12] ออกแบบให้มีการสั่นของขั้วอิเล็กโทรดเพื่อศึกษาการ ถ่ายเทความร้อน พบว่า การสั่นของขั้วอิเล็กโทรดมีผล เมื่อใช้กับแรงดันไฟฟ้าปริมาณไม่สูงมากนัก จะทำให้การ ถ่ายเทความร้อนเพิ่มขึ้นได้

การศึกษาการใช้เข็มอิเล็กโทรดที่วางเรียงกัน หลายเข็มบนแผงระบายความร้อน [13], [14] อาทิ ปี 1997 Owsenek et al. [13] ศึกษาการแลกเปลี่ยน ความร้อนของแผ่นแนวนอน เปรียบเทียบระหว่าง อิเล็กโทรดตัวเดียวกับอิเล็กโทรดหลายตัว พบว่า ผลของ การแลกเปลี่ยนความร้อนเมื่อใช้อิเล็กโทรดหลายตัวของ อิเล็กโทรดตัวเดียว มีการแลกเปลี่ยนความร้อนที่น้อย

(Corona Current) อยู่ในระดับระดับไมโครแอมป์ (µA) จะค่อยๆ เพิ่มขึ้นตามแรงดันไฟฟ้าที่เพิ่มขึ้น และเกิดส ปาร์ก (Spark) เมื่อแรงดันไฟฟ้าที่จ่ายให้กับขั้ว อิเล็กโทรดเซ็มมีค่าสูงสุด (Voltage Breakdown) สามารถเห็นเป็นประกายโคโลน่า [19]

โคโลน่าดิสชาจแบบเข็มและแผ่นราบอยู่ภายใต้ สมการอนุพันธ์พื้นฐานของไฟฟ้าสถิต, การไหลของของ ไหลและการถ่ายเทความร้อน แรงระหว่างของไหลและ สนามไฟฟ้า หรือ Corona Wind หรือ Electrohydrodynamic (EHD) ปรากฏในสมการอนุรักษ์โมเมนตัม

$$\vec{F} = q\vec{E} - \frac{1}{2} \left| \vec{E} \right|^2 \nabla \varepsilon + \frac{1}{2} \nabla \left( \rho \frac{\partial \varepsilon}{\partial \rho} \left| \vec{E} \right|^2 \right) \quad (1)$$

เทอมแรกคือแรงเนื่องจากประจุ (Coulomb Force) เป็นผลจากประจุอิสระในของไหลกับ สนามไฟฟ้า และมีผลอย่างมากในกรณีการเกิด Corona Wind เทอมสองคือแรงที่เกิดจากการเปลี่ยนแปลงของ ไดอิเล็กตริก (*E*) และเทอมสามคือแรงจากความไม่ สม่ำเสมอของสนามไฟฟ้า [13]

#### 2. ระเบียบวิธีวิจัย

#### 2.1 การออกแบบการทดลอง

ส่วนการทดลองขนาดกว้าง 1 เมตร × ยาว 1 เมตร × สูง 1.5 เมตร ทำมาจากพลาสติกใส ด้านล่างสูง จากพื้น 15 เซนติเมตร เพื่ออากาศสามารถเคลื่อนที่จาก ด้านล่างไหลขึ้นด้านบนตามหลักการการพาความร้อน แบบธรรมชาติ สำหรับห้องที่ทำการทดลองติดตั้งเครื่อง ปรับ อากาศควบคุมอุณหภูมิเท่ากับ 25±1 องศา เซลเซียส และมีความชื้นสัมพัทธ์ 50±3 %RH ขณะที่ ด้านในเป็นส่วนการทดลองได้ติดตั้งแผ่นอลูมิเนียม ขนาด กว้าง 0.2 เมตร × สูง 0.9 เมตร กระแสไฟฟ้าที่ เข้าแผ่นกำเนิดความร้อนถูกควบคุมด้วยอุปกรณ์ควบคุม กระแสไฟฟ้าให้มีค่า 1.2 แอมแปร์ โดยค่ากระแสจะถูก วัดค่าโดยอุปกรณ์วัดกระแสไฟฟ้า เพื่อคำนวณ

(Needle- Plate Electrodes) เริ่มจากการดิสชาร์จที่ ปลายเข็ม (Corona Electrode) มีขั้วอิเล็กโทรดที่มี ศักย์ไฟฟ้าสูงกว่า ไหลผ่านอากาศที่มีศักย์ไฟฟ้าเป็นกลาง และเกิดการแตกตัวของไอออนอากาศที่สร้างขึ้นรอบๆ ขั้วอิเล็กโทรด แล้วเคลื่อนไปยังแผ่นราบ (Plate Electrode) ระหว่างทางไอออนหนักจะกระทบกับ โมเลกุลของอากาศเพื่อถ่ายเทแรงเฉื่อย (Inertia Force) ไอออนนี้จะถูกเร่งภายในสนามไฟฟ้าและถ่ายโอน พลังงานไปยังอนุภาคโดยรอบ และผลที่เกิดขึ้นทำให้เกิด การไหลลักษณหมุนวนระหว่างขั้วไฟฟ้าสองขั้ว เรียกว่าลม โคโลน่า (Colona Wind) ดังแสดงในรูปที่ 1 [4], [16]-[18]









โคโลน่าดิสชาร์จจะแสดงในรูปของคุณลักษณะ กระแสกับแรงดัน (Voltage-Current Characteristics) ดังแสดงในรูปที่ 2 เมื่อแรงดันไฟฟ้าสูงกว่าแรงดันตั้งต้น โคโลน่า (Corona Onset Voltage) กระแสโคโลน่า

ทดลองเข้าสู่สมดุล จากนั้นทำการบันทึกข้อมูลอุณหภูมิ เป็นเวลา 10 นาที ที่อัตราการบันทึกข้อมูลของเครื่อง บันทึกข้อมูล 0.5 วินาทีต่อข้อมูล และส่วนที่สองของ การทดลองเป็นการถ่ายเทความร้อนแบบธรรมชาติที่มี อิทธิพลของสนามไฟฟ้า โดยทำการเปิดใช้แรงดันไฟฟ้า รูปแบบต่อเนื่อง โดยควบคุมสภาวะต่างๆให้เหมือนส่วน แรก และบันทึกข้อมูลต่ออีก 10 นาที ทำการทดลองซ้ำ 3 รอบในแต่ละกรณีเพื่อยืนยันความถูกต้องของการ ทดลอง



รูปที่ 3 แผนภาพส่วนทดลองจากมุมมองด้านข้าง



รูปที่ 4 ส่วนทดลองจากมุมมองด้านข้าง

กำลังไฟฟ้าของแผ่นกำเนิดความร้อนที่มีค่าต่าง ศักย์ไฟฟ้าตกคร่อม สมมติให้มีค่าคงที่เท่ากับ 220 โวลต์ ตลอดทุกกรณีในการทดลอง

การทดลองนี้ได้ติดตั้งฉนวนกันความร้อนหรือไฟ เบอร์กลาสขนาดเท่ากับแผ่นกำเนิดความร้อนวางที่ ด้านหลังเพื่อลดการสูญเสียความร้อน โดยใช้อุปกรณ์วัด อุณหภูมิแบบหัวเปลือย ชนิด k จำนวน 1 ตัว มีค่าความ ไม่แน่นอนของการวัดอยู่ที่ร้อยละ ±1 ติดที่ด้านหลัง ตำแหน่งกึ่งกลาง เพื่อใช้ในการคำนวณความร้อนสูญเสีย อุณหภูมิผิวของแผ่นอลูมิเนียมถูกวัดโดยอุปกรณ์

อุณหภูมิผ วของแผนอลูมเนยมถูก วตเตยอุบกรณ วัดอุณหภูมิแบบบาง ชนิด T จำนวน 2 ตัว มีค่าความไม่ แน่นอนของการวัดอยู่ที่ร้อยละ ±0.75 โดยตัวแรกติดตั้ง ที่ความสูงจากขอบด้านล่าง 45 เซนติเมตร (ความสูงครึ่ง หนึ่งของแผ่นอลูมิเนียม) ซึ่งตรงกับความสูงของขั้ว อิเล็กโทรด จากเครื่องกำเนิดไฟฟ้าแรงดันสูงกระแสตรง (ตำแหน่ง A) ขณะที่ตัวที่สองติดตั้งเหนือตัวแรก 2 เซนติเมตร (ตำแหน่ง B) ข้อมูลอุณหภูมิของผิวถูกบันทึก โดยเครื่องบันทึกข้อมูล (Data logger ยี่ห้อ Graphtec รุ่น Midi LOGGER GL240) ซึ่งสามารถเชื่อมต่อกับ คอมพิวเตอร์ สำหรับเครื่องกำเนิดไฟฟ้าแรงดันสูง กระแสตรง (Trek รุ่น 610E High-Voltage) มีช่วงความ ดันที่ปรับได้ 1-10 กิโลโวลต์

ขั้วอิเล็กโทรดของเครื่องกำเนิดไฟฟ้าแรงดันสูง กระแสตรงถูกติดตั้งโดยห่างจากผิวแผ่นอลูมิเนียมใน แนวตั้งฉาก มีระยะ 1 เซนติเมตร โดยแผ่นอลูมิเนียมวาง สูงจากพื้นด้านล่างระยะ 15 เซนติเมตร บริเวณด้านหลัง แผ่นอลูมิเนียมติดกับแผ่นกำเนิดความร้อน แผ่นฉนวน กันความร้อน และแผ่นยึด ตามลำดับ ดังแสดงในรูปที่ 3 และ 4

การทดลองแบ่งเป็น 2 ส่วน ส่วนแรกเป็นการ ถ่ายเทความร้อนแบบธรรมชาติที่ไม่มีอิทธิพลของ สนามไฟฟ้ารบกวน เริ่มต้นเปิดแผ่นกำเนิดความร้อนเพื่อ สร้างสภาวะอัตราการถ่ายความร้อนต่อหนึ่งหน่วยพื้นที่ คงที่ และรอให้อุณหภูมิที่ตำแหน่งต่างๆภายในส่วน

#### 2.2 การประมวลผลข้อมูล

กำลังไฟฟ้าที่เข้าสู่อุปกรณ์กำเนิดความร้อน, Q สามารถคำนวณได้จากกระแสไฟฟ้า, I และความต่าง ศักย์ไฟฟ้า, V ดังแสดงในสมการดังนี้

$$Q = IV = qA_s \tag{2}$$

เมื่อ q และ A<sub>s</sub> คืออัตราการถ่ายเทความร้อนต่อหนึ่ง หน่วนพื้นที่ และพื้นที่ผิวการถ่ายเทความร้อน

อัตราการถ่ายเทความร้อนต่อหนึ่งหน่วยพื้นที่ หรือฟลักส์ความร้อนสุทธิ ( $q_{e\!f\!f}$ ) มีค่าน้อยกว่าฟลักส์ ความร้อนที่เตรียมจากแผ่นทำความร้อนเนื่องจากมี ความร้อนสูญเสียความร้อนด้านหลังแผ่นทำความร้อน โดยสามารถหาฟลักส์ความร้อนที่สุทธิ

$$q_{eff} = q - q_{loss} \tag{3}$$

ความร้อนสูญเสียด้านหลังแผ่นทำความร้อน สามารถหาได้จาก [12]

$$q_{loss} = k\Delta T / \Delta x \tag{4}$$

เมื่อ k สัมประสิทธิ์การนำความร้อนแผ่นของฉนวนไฟ เบอร์กลาสและไม้อัด  $\Delta T$  ผลต่างของอุณหภูมิ และ  $\Delta x$ คือ ระยะห่างของตำแหน่งทั้งสอง โดยกำหนดให้ ขอบ ด้านข้างมีการสูญเสียความร้อนและผลการแผ่รังสีความ ร้อนน้อยมากจึงไม่ถูกนำมาพิจารณาในที่นี้

สัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อน, h หาได้จาก อัตราการถ่ายเทความร้อนสุทธิต่อหน่วยพื้นที่ อุณหภูมิ ผิวของอุปกรณ์กำเนิดความร้อน,  $T_s$  และอุณหภูมิ อาการโดยรอบส่วนทดลอง,  $T_{\infty}$ 

$$h = q_{eff} / (T_s - T_{\infty}) \tag{5}$$

สำหรับคุณสมบัติของอากาศที่ใช้ในสมการต่างๆ สามารถหาได้จากอุณหภูมิฟิล์ม,  $T_f$  ซึ่งคำนวณจากการ เฉลี่ยอุณหภูมิผิวของอุปกรณ์และอุณหภูมิอากาศ โดยรอบส่วนทดลอง [21]

$$T_f = \frac{T_s - T_{\infty}}{2} \tag{6}$$

เลขนัสเซลท์, Nu สามารถคำนวณได้จาก สัมประสิทธิ์การพาความร้อน ความยาวสำคัญของ อุปกรณ์กำเนิดความร้อน, L<sub>c</sub> และสัมประสิทธิ์การนำ ความร้อนอลูมิเนียม, k [21]

$$Nu = \frac{hL_c}{k} \tag{7}$$

เมื่อระบบเกิดสนามไฟฟ้าที่ขั้วอิเล็กโทรด จะมี การนิยามตัวแปรไร้หน่วยแสดงการเปรียบเทียบ สัมประสิทธิ์การถ่ายเความร้อนเมื่อมีแรงดันไฟฟ้า รบกวน, *h<sub>ec</sub>* และไม่มีแรงดันไฟฟ้ารบกวน, *h*<sub>nc</sub> ตัวแปร ไร้หน่วยนี้จะถูกเรียกว่าอัตราส่วนการถ่ายเทความร้อน, *η* [22]

$$\eta = \frac{h_{ec}}{h_{nc}} \tag{8}$$

#### 2.3 การตรวจสอบความน่าเชื่อถือในการทดลอง

งานวิจัยนี้แสดงค่านัสเซลท์กรณีไม่มีแรงดันไฟฟ้า รบกวนในกระบวนการแลกเปลี่ยนความร้อน เทียบกับ ทฤษฎีของการพาความร้อนแบบธรรมชาติของ Churchill and Chu [24] ความสัมพันธ์ระหว่างเลขนัส เซลท์, เลขพรันด์เทิล, *Pr* และเลขเรย์ลี่, *Ra* คือ

$$Nu = \left\{ 0.825 + \frac{0.387 R a_L^{1/6}}{\left[1 + (0.492 / \Pr)^{9/16}\right]^{8/27}} \right\}^2$$
(9)

เลขเรย์ลี่เป็นตัวแปรที่ใช้ในการอธิบายอัตราส่วน ของแรงลอยตัว แรงหนึดและเลขพรันด์เทิล

$$Ra_{L} = \frac{g\beta(T_{s} - T_{\infty})L_{c}^{3}\operatorname{Pr}}{\nu^{2}}$$
(10)

เมื่อ g คือ ค่าความเร่งเนื่องจากแรงโน้มถ่วงของโลก,  $\beta$  คือ สัมประสิทธิ์การขยายตัวของปริมาตรของของ ไหล,  $L_c$  คือความยาวสำคัญของอุปกรณ์กำเนิดความ ร้อน และ  $\upsilon$  คือ ความหนึดจลน์

ร้อยละของความคลาดเคลื่อนของผลการทดลอง เทียบกับทฤษฎีสามารถคำนวณได้ตามสมการที่ (11)

$$\% Error = \frac{Nu_{exp} - Nu_{theory}}{Nu_{theory}} \times 100$$
(11)

โดย Nu<sub>exp</sub> คือเลขนัสเซลท์ที่ได้จากการทดลอง และ Nu<sub>theory</sub> คือเลขนัสเซลท์ที่ได้จากการทฤษฎี

จากตารางที่ 1 พบว่าค่าร้อยละของความ คลาดเคลื่อนของเลขนัสเซลท์จากการทดลองเทียบกับ ทฤษฎีของ Churchill and Chu [24] มีค่าเท่ากับ 9.15 เปอร์เซ็นต์ ซึ่งสอดคล้องกับการสอบเทียบกับงานวิจัย ของ Tsui et al [12] จากผลที่ได้แสดงให้เห็นว่าการ ติดตั้งอุปกรณ์ทดลองในงานวิจัยนี้มีความน่าเชื่อถือที่จะ ทำการทดลองเกี่ยวกับแรงดันโคโลน่าต่อไป

ตารางที่ 1 การเปรียบเทียบค่า Nu จากการทดลองและ คำนวณจากทฤษฎี Churchill and Chu

Theory	Nu	%error
Churchill Chu's correlation	159.49	9.15
Average experimental result	144.89	-
without corona wind		

# มลการศึกษาและอภิปรายผล การถ่ายเทความร้อนเมื่อใช้แรงดันไฟฟ้าชนิด ประจุบวกและประจุลบ

พฤติกรรมของการปล่อยประจุที่ขั้วอิเล็กโทรดเมื่อ ใช้ชนิดประจุบวกและประจุลบ ที่กระทำต่อการถ่ายเท ความร้อนบนแผ่นอลูมิเนียม โดยเริ่มต้นยังไม่มีการใช้ แรงดันไฟฟ้าปล่อยไอออน มีอุณหภูมิเท่ากับ 79.54 องศาเซลเซียส จนกระทั่งวินาทีที่ 300 ได้ทำการปล่อย ประจุ พบว่าอุณหภูมิของแผ่นอลูมิเนียมลดลงเรื่อยๆ โดยอุณหภูมิเริ่มคงที่ที่วินาที 360 โดยตั้งแต่วินาทีที่ 360 ถึง วินาทีที่ 600 มีอุณหภูมิเฉลี่ยเท่ากับ 77.49 องศา เซลเซียส และ 74.46 องศาเซลเซียส เมื่อปล่อยประจุ ไอออนลบและไอออนบวก ตามลำดับ สังเกตได้ว่าเมื่อใช้ ประจุไอออนบวกอุณหภูมิแผ่นอลูมิเนียมลดลงต่ำว่าเมื่อ ใช้ประจุไอออนลบอย่างชัดเจน เนื่องจากประจุไออน บวกมีน้ำหนักมากกว่าทำให้เมื่อประจุเคลื่อนที่ปะทะ แผ่นเรียบและสามารถทำลายชั้นชิดผิวของแผ่นเรียบ ส่งผลให้เกิดการแลกเปลี่ยนความร้อนได้ดีขึ้น



**รูปที่ 5** การเปรียบเทียบอุณหภูมิของแผ่นร้อนเมื่อใช้ แรงดันไฟฟ้าชนิดไอออนบวกและไอออนลบ

# 3.2 การถ่ายเทความร้อนเมื่อใช้แรงดันไฟฟ้า ขนาด 5-10 กิโลโวลต์

จากหลักการการพาความร้อนแบบธรรมชาติ เมื่อฟลักซ์ความร้อนของแผ่นเรียบแนวดิ่งมีค่าคงที่ โดย ที่ตำแหน่ง A และ B มีอุณหภูมิเริ่มต้นคือ 80.65 และ 81.42 องศาเซลเซียส ตามลำดับ เมื่อยังไม่เปิดเครื่อง กำเนิดไฟฟ้าแรงดันสูงประจุบวก ภายหลังเมื่อจ่าย แรงดันไฟฟ้าประจุ บวก 5, 6, 7, 8, 9 และ 10 กิโล โวลต์ ที่ตำแหน่ง A มีอุณหภูมิ 78.05, 73.55, 71.52, 70.38, 69.01 และ 67.71 องศาเซลเซียส ตามลำดับ ขณะที่ตำแหน่ง B มีอุณหภูมิ 79.68, 77.95, 77.25, 77.12, 76.32 และ 75.65 องศาเซลเซียส ตามลำดับ พบว่าตำแหน่ง B ที่อยู่สูงกว่าตำแหน่ง A จะมีอุณหภูมิที่ สูงกว่า และอุณหภูมิของทั้งตำแหน่ง A และ B มี แนวโน้มลดลงเมื่อแรงดันไฟฟ้าสูงขึ้น ดังแสดงในรูปที่ 6





จากรูปที่ 7 การคำนวณเลขนัสเซลท์จาก อุณหภูมิที่ตำแหน่ง A และตำแหน่ง B เมื่อยังไม่เปิด เครื่องกำเนิดไฟฟ้าแรงดันสูงประจุบวก มีค่าเท่ากับ 150.29 และ 149.79 ตามลำดับ ภายหลังเมื่อปรับ แรงดันไฟฟ้าจำนวน 6 ค่า คือ 5, 6, 7, 8, 9 และ 10 กิโลโวลต์ พบว่า ที่ตำแหน่ง A มีเลขนัสเซลท์ คือ 152.01, 155.03, 156.44, 157.35, 158.29 แ ล ะ 159.18 ขณะที่ตำแหน่ง B มีเลขนัสเซลท์ คือ 150.91, 152.04, 152.52, 152.71, 153.21 แ ล ะ 153.64 ตามลำดับ เห็นได้ชัดว่าเมื่อแรงดันไฟฟ้ามากขึ้นค่านัส เซลท์มีแนวโน้มเพิ่มขึ้น และเมื่อเปรียบเทียบค่านัสเซลท์ ของตำแหน่ง A กับ B เห็นได้ชัดว่าค่านัสเซลท์ของ ตำแหน่ง A มีค่าสูงกว่าที่ตำแหน่ง B ทำให้ตำแหน่ง A มี ความสามารถในการแลกเปลี่ยนความร้อนได้ดีกว่า ตำแหน่ง B

รูปที่ 8 แสดงอัตราส่วนของค่าสัมประสิทธิ์การ ถ่ายเทความร้อนเมื่อมีลมโคโลน่ารบกวน และไม่มีลม โคโลน่ารบกวน ที่ตำแหน่ง A และ B จากผลการทดลอง พบว่าการใช้ลมโคโลน่าที่แรงดันไฟฟ้า 5-10 กิโลโวลต์ ทำให้อัตราส่วนการถ่ายเทความร้อนดีขึ้นในทุกกรณี โดยที่ตำแหน่ง A เมื่อใช้แรงดันไฟฟ้า 10 กิโลโวลต์ อัตราส่วนการถ่ายเทความร้อนมีค่าสูงสุด เท่ากับ 1.06 ขณะที่ตำแหน่ง B เมื่อใช้แรงดันไฟฟ้า 10 กิโลโวลต์ มี อัตราส่วนการถ่ายเทความร้อนสูงสุดเช่นกัน โดยมีค่า เท่ากับ 1.03



**รูปที่ 7** ค่านัสเซลท์ของแผ่นร้อนที่ตำแหน่ง A และ B เมื่อมีและไม่มีแรงดันไฟฟ้าประจุบวก



**รูปที่ 8** อัตราส่วนการเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความ ร้อนที่แรงดันไฟฟ้า 5 -10 กิโลโวลต์

จากผลการศึกษาพบว่าค่าอุณหภูมิและค่านัส เซลท์แปรผกผันกัน โดยเมื่อแรงดันไฟฟ้ามีค่าสูงขึ้นจะ ทำให้อุณหภูมิลดลงขณะที่ค่านัสเซลท์จะสูงขึ้น ซึ่งผล การศึกษาพบว่าปัจจัยที่ส่งผลต่อการระบายความร้อน คือปริมาณแรงดันไฟฟ้าที่จ่าย และตำแหน่งของหัว อิเล็กโทรดกับตำแหน่งบนแผ่นอลูมิเนียม ซึ่งตำแหน่งที่ ตรงกับหัวอิเล็กโทรดจะสามารถถ่ายเทความร้อนได้ดีกว่า ตำแหน่งที่อยู่เยื้องหัวอิเล็กโทรด

งานวิจัยนี้ได้สร้างสมการการทำนายค่านัสเซลท์ เมื่อขั้วอิเล็กโทรดทำมุมตั้งฉากกับแผ่นร้อนแนวดิ่ง มี ระยะห่าง 1 เซนติเมตร ซึ่งสัมพันธ์กับแรงดันไฟฟ้าและ ตำแหน่งของแผ่นร้อนแนวดิ่งดังนี้

$$y = 149.538 + 0.913x_1 - 1.939x_2 \tag{12}$$

เมื่อ *y* คือ นัสเซลนัมเบอร์ (*Nu*), *x1* คือ แรงดันไฟฟ้าที่ 5, 6, 7, 8, 9 และ 10 kV, *x*2 คือ ตำแหน่งของแผ่นร้อน ในแนวดิ่ง ตำแหน่ง A และ B

จากสมการที่ได้พบว่าค่านัสเซลจากสมการ ทำนายมีร้อยละของความคลาดเคลื่อนเมื่อเทียบกับการ ทดลองอยู่ในช่วงระหว่างร้อยละ -1.38 ถึง 0.59 ดังนั้น สมการนี้จึงเป็นสมการสำคัญที่จะสามารถนำมาใช้ ทำนายการเพิ่มขึ้นของการแลกเปลี่ยนความร้อนในช่วง แรงดันไฟฟ้าชนิดบวก 5-10 กิโลโวลต์ และความสูงจาก หัวกำเนิดโคโลน่าในแนวดิ่ง 0-2 เซนติเมตร ได้ต่อไป



**รูปที่ 9** ร้อยละของ Nu จากการทดลองเทียบสมการ ทำนาย Nu ที่ได้งานวิจัยนี้

#### 4. สรุป

การถ่ายเทความร้อนของแผ่นอลูมิเนียมเมื่อใช้ ประจุไอออนบวกมีประสิทธิภาพดีกว่าการใช้ประจุ ไอออนลบ โดยประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อน เพิ่มขึ้นเมื่อเพิ่มค่าแรงดันไฟฟ้าให้สงขึ้น และพบว่า เครื่องกำเนิดความดันไฟฟ้าแรงดันสูงที่ 10 กิโลโวลต์ สามารถเพิ่มประสิทธิภาพการถ่ายเทความร้อนได้สูงสุด 1.06 และ 1.03 ที่ตำแหน่ง A และ B ตามลำดับ เทียบ กับการไม่ใช้เครื่องกำเนิดความดันไฟฟ้า นอกจากนั้น สมการทำนายความสามารถในการถ่ายเทความร้อนของ เครื่องกำเนิดไฟฟ้าแรงดันสูงกระแสตรงชนิดบวก 5 ถึง 10 กิโลโวลต์ ที่ความสูงจากหัวกำเนิดโคโลน่าบนแผ่น ร้อนแนวดิ่งระยะ 0 ถึง 2 เซนติเมตร มีความคลาด เคลื่อนอยู่ในช่วงระหว่างร้อยละ -1.38 ถึง 0.59 เมื่อ เทียบกับการทดลองจริง ทำให้เป็นข้อมูลเบื้องต้นในการ ถ่ายเความร้อนโดยใช้แรงดันไฟฟ้าได้ต่อไปนอกจากนั้น อนาคตควรมีการศึกษาปัจจัยของระยะห่างของหัว อิเล็กโทรดจากแผ่นอลูมิเนียมเปรียบเทียบกับตำแหน่ง อื่นๆที่สนใจบนแผ่นอลูมิเนียมทำให้การหาสมการการ ทำนายค่านัสเซลท์มีความครอบคลุมมากยิ่งขึ้น

#### 5. กิตติกรรมประกาศ

คณะผู้วิจัยขอขอบคุณ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยมหิดล ที่สนับสนุนเครื่องมือและสถานที่ ทดสอบ และขอขอบคุณณัฐนรี วรจินดา, ศตพล ทองมี, ชญาดา งามดี และ อาทิตยา มนุญโย ที่ช่วยเก็บรวบรวม ข้อมูลงานวิจัยครั้งนี้

#### 6. เอกสารอ้างอิง

- [1] Energy Policy and Planning Office Ministry of Energy, 2562
- [2] The Achievement in Implement of the Government Policy and Industrial Strategy Fiscal Year 2016, Ministry of Industry, 2016.

- [3] A. E. Bergles, " The Implications and Challenges of Enhanced Heat Transfer for the Chemical Process Industries," *Chemical Engineering Research and Design*, vol. 79, no. 4, pp. 437–444, 2001.
- [4] D. H. Shin, S. H. Baek and H. S. Ko, "Development of Heat Sink with Ionic Wind for LED Cooling," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, vol. 93, pp. 516– 528, 2016.
- [5] N. E. Jewell-Larsen, H. Ran, Y. Zhang, M. Schwiebert and K. A. Honer,
  " Electrohydrodynamic (EHD) Cooled Laptop," in Annual IEEE Semiconductor Thermal Measurement and Management Symposium · April 2009.
- [6] I. Y. Chen, M. Z. Guo, K. S. Yang, and C. C. Wang, "Enhanced Cooling for LED Lighting using Ionic Wind," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, vol.57, pp. 285– 291, 2013.
- [7] M. Molki and K. L. Bhamidipati, "Enhancement of Convective Heat Transfer in the Developing Region of Circular Tubes using Corona Wind," *International Journal* of Heat and Mass Transfer, vol. 47, pp. 4301–4314, 2004.
- [8] B. L. Owsenek, J. S. Yagoobi and R. H. Page, "Experimental Investigation of Corona Wind Heat Transfer Enhancement with a Heated Horizontal Flat Plate," *Journal of Heat Transfer*, vol. 117, pp. 309-315, 1995.

- [9] D. H. Shin, S. H. Baek and H. S. Ko,
  " Development of Heat Sink with Ionic Wind for LED Cooling," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, vol. 93, pp. 516–528, 2016.
- [10] L. Léger, E. Moreau and G. G. Touchard,
  " Effect of a DC Corona Electrical Discharge on the Airflow Along a Flat Plate," *IEEE Transactions on industry applications,* vol. 38, no. 6, 2002.
- [11] J. R. Lee and E. V. Lau, "Effects of Relative Humidity in the Convective Heat Transfer over Flat Surface using Ionic Wind," *Applied Thermal Engineering*, vol. 114, pp. 554–560, 2017.
- [12] Y. Y. Tsui, T. K. Wei and C. C. Wang, "A Novel Means Combining Corona Discharge and Electrostatic Force-Induced Vibration for Convective Heat Transfer," *Journal of Heat Transfer*, Transactions of the ASME 142, 2020.
- [13] B. L. Owsenek and J. S. Yagoobi, "Theoretical and Experimental Study of Electrohydrodynamic Heat Transfer Enhancement Through Wire-Plate Corona Discharge," *Journal of Heat Transfer*, vol. 119, pp. 604-610, 1997.
- [14] R. T. Huang, W. J. Sheu and C. C. Wang, "Heat Transfer Enhancement by Needle-Arrayed Electrodes – An EHD Integrated Cooling System," *Energy Conversion and Management*, vol. 50, pp. 1789–1796, 2009.

- [15] M. Molki and K. L. Bhamidipati, "Enhancement of Convective Heat Transfer in the Developing Region of Circular Tubes using Corona Wind," *International Journal* of Heat and Mass Transfer, vol. 47, pp. 4301–4314, 2004.
- [16] D. B. Go, R. A. Maturana, T. S. Fisher and S.
   V. Garimella, "Enhancement of External Forced Convection by Ionic Wind," *International Journal of Heat and Mass Transfer*, vol. 51, pp. 6047–6053, 2008.
- [17] T. Stegmaier, A. Dinkelmann, V. V. Arnim and A. Rau, "Corona and Dielectric Barrier Discharge Plasma Treatment of Textiles for Technical Applications," *Plasma technologies for textiles*, pp. 129-157, 2007.
- [18] A. Yabe, Y. Mori and K. Hijikata, "Active Heat Transfer Enhancement by Utilizing Electric Fields," Annual Reviews of Heat Transfer, vol. 7, pp. 193-244, 1996.

- [19] P. Intra, Aerosol Charging Technology by Electric Field: Theory and Innovation, 2<sup>nd</sup> Edition, 2560.
- [20] F. Yang, "Corona-Driven Air Propulsion for Cooling of Microelectronics," Thesis, University of Washington, 2002.
- [21] Y. A. Cengel and A. J. Ghajar, Heat and Mass Transfer – Fundamentals & Applications. New York: McGraw-Hil, 2015.
- [22] R. T. Huang, W. J. Sheu and C. C. Wang, "Heat Transfer Enhancement by Needle-Arrayed Electrodes – An EHD Integrated Cooling System," *Energy Conversion and Management*, vol. 50, pp. 1789–1796, 2009.
- [23] J.P. Holman, *Heat Transfer*, 10th ed. New York: McGraw-Hill, 2010.
- [24] Y. A. Cengel, Heat and Mass transfer: A practical approach. 3rd ed, McGraw Hill, 2006.